

中学数学 2

4章 平行と合同

年

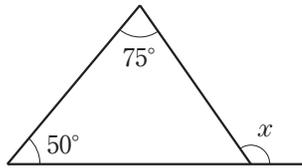
組

番

名前

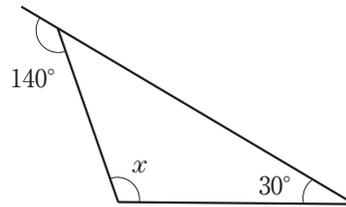
1 下の図で、 $l \parallel m$ のとき、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

(1)



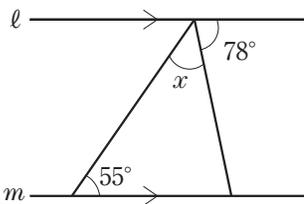
$$\begin{aligned} \angle x &= 50^\circ + 75^\circ \\ &= 125^\circ \\ \text{答 } &125^\circ \end{aligned}$$

(2)



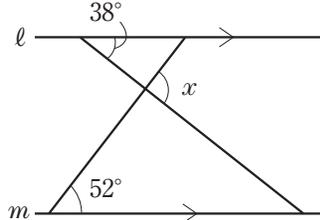
$$\begin{aligned} \angle x + 30^\circ &= 140^\circ \\ \angle x &= 110^\circ \\ \text{答 } &110^\circ \end{aligned}$$

(3)



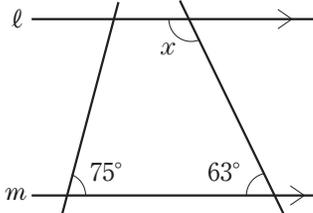
$$\begin{aligned} 55^\circ + \angle x + 78^\circ &= 180^\circ \\ \angle x &= 47^\circ \\ \text{答 } &47^\circ \end{aligned}$$

(4)



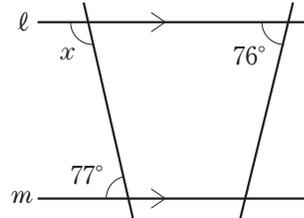
$$\begin{aligned} \angle x &= 52^\circ + 38^\circ \\ &= 90^\circ \\ \text{答 } &90^\circ \end{aligned}$$

(5)



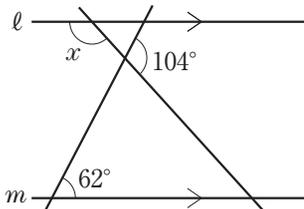
$$\begin{aligned} \angle x &= 180^\circ - 63^\circ \\ &= 117^\circ \\ \text{答 } &117^\circ \end{aligned}$$

(6)



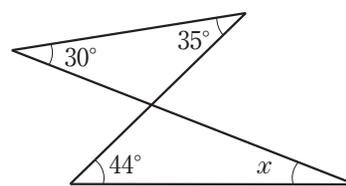
$$\begin{aligned} \angle x &= 180^\circ - 77^\circ \\ &= 103^\circ \\ \text{答 } &103^\circ \end{aligned}$$

(7)



$$\begin{aligned} \angle x &= 62^\circ + (180^\circ - 104^\circ) \\ &= 138^\circ \\ \text{答 } &138^\circ \end{aligned}$$

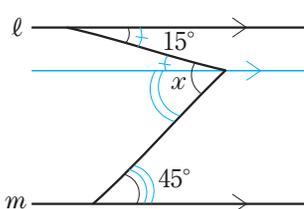
(8)



$$\begin{aligned} 44^\circ + \angle x &= 30^\circ + 35^\circ \\ \angle x &= 21^\circ \\ \text{答 } &21^\circ \end{aligned}$$

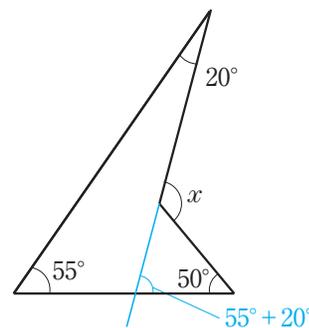
2 下の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

(1) $l \parallel m$



$$\begin{aligned} \angle x &= 15^\circ + 45^\circ \\ &= 60^\circ \\ \text{答 } &60^\circ \end{aligned}$$

(2)



$$\begin{aligned} \angle x &= 55^\circ + 20^\circ + 50^\circ \\ &= 125^\circ \\ \text{答 } &125^\circ \end{aligned}$$

3 十角形の内角の和を求めなさい。

$$180^\circ \times (10 - 2) = 1440^\circ$$

答 1440°

4 内角の和が 1620° である多角形は何角形ですか。

内角の和が 1620° である多角形を n 角形とすると、

$$180^\circ \times (n-2) = 1620^\circ$$

$$n-2=9$$

$$n=11$$

答 十一角形

5 1つの内角の大きさが 150° である正多角形は正何角形ですか。

1つの内角の大きさが 150° である正多角形を正 n 角形とすると、

$$180^\circ \times (n-2) = 150^\circ n$$

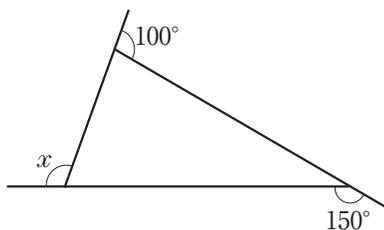
$$30^\circ n = 360^\circ$$

$$n=12$$

答 正十二角形

6 下の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

(1)

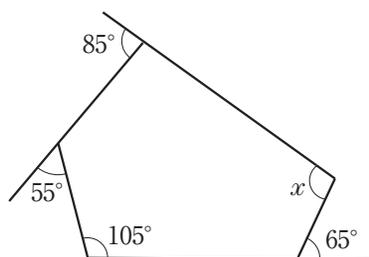


$$\angle x + 100^\circ + 150^\circ = 360^\circ$$

$$\angle x = 110^\circ$$

答 110°

(2)



$$95^\circ + 125^\circ + 105^\circ + 115^\circ + \angle x = 180^\circ \times 3$$

$$\angle x = 100^\circ$$

答 100°

7 1つの外角の大きさが 40° である正多角形は正何角形ですか。

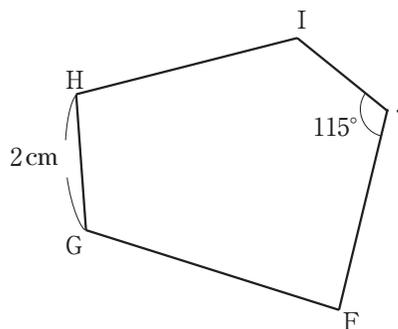
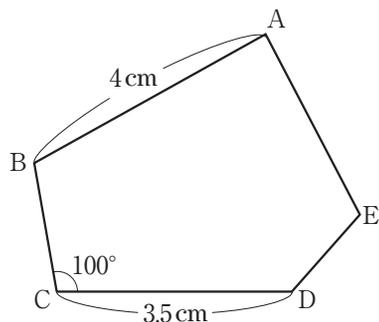
1つの外角の大きさが 40° である正多角形を正 n 角形とすると、

$$n = 360^\circ \div 40^\circ$$

$$= 9$$

答 正九角形

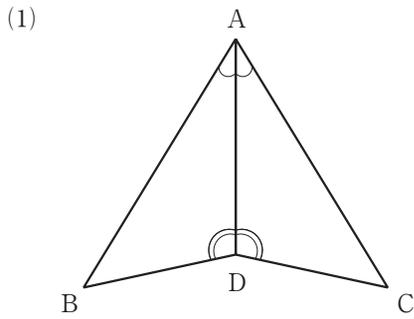
8 下の図で、五角形 $ABCDE \cong$ 五角形 $FGHIJ$ です。合同な図形の性質を使って見つけることのできる辺の長さや角度を、それぞれ求めなさい。



$$BC = 2\text{ cm}, FG = 4\text{ cm}, HI = 3.5\text{ cm},$$

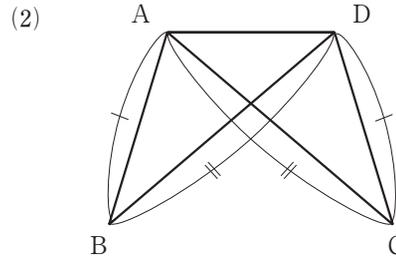
$$\angle E = 115^\circ, \angle H = 100^\circ$$

9 下の(1), (2)の図で, それぞれ合同な三角形を見つけ, 記号 \equiv を使って表しなさい。
 また, その根拠となる三角形の合同条件をいいなさい。



$\triangle ABD \equiv \triangle ACD$

1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。



$\triangle ABD \equiv \triangle DCA$

3組の辺がそれぞれ等しい。

10 $\triangle ABC$ について, 次のことがらの仮定と結論をいいなさい。

(1) $\angle A + \angle B = 120^\circ$ ならば $\angle C = 60^\circ$ である。

仮定: $\angle A + \angle B = 120^\circ$

結論: $\angle C = 60^\circ$

(2) $\angle A = \angle B$ ならば $AC = BC$ である。

仮定: $\angle A = \angle B$

結論: $AC = BC$

11 右の図で,

$\angle BAD = \angle CDA, \angle BDA = \angle CAD$

ならば

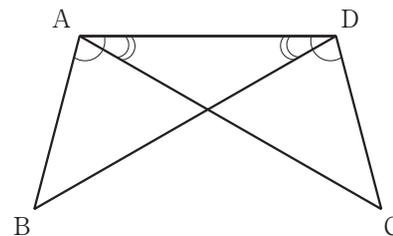
$BD = CA$

となります。

このことがらの証明について, 次の問いに答えなさい。

(1) 証明の筋道をまとめると, 次のようになります。

をうめて, 図を完成させなさい。



仮定

| | |
|--|--|
| $\angle BAD = \angle$ <input type="text"/> | $\angle BDA = \angle$ <input type="text"/> |
|--|--|

$AD = DA$

\triangle $\equiv \triangle$ (ア)

結論

| |
|-----------------------------|
| $BD =$ <input type="text"/> |
|-----------------------------|

根拠として使うことがら

-
-

(2) (ア)を示すときに根拠として使える三角形の合同条件をいいなさい。

1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。

(3) 証明は次のようになります。□をうめて、証明を完成しなさい。

[証明] $\triangle ABD$ と $\triangle DCA$ で、

$$\text{仮定から, } \angle \boxed{\text{BAD}} = \angle \boxed{\text{CDA}} \cdots \cdots \text{①}$$

$$\angle \boxed{\text{BDA}} = \angle \boxed{\text{CAD}} \cdots \cdots \text{②}$$

$$\text{共通な辺だから, } AD = DA \cdots \cdots \text{③}$$

①, ②, ③より, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい から、

$$\triangle ABD \equiv \triangle DCA$$

合同な三角形の対応する辺は等しいから、

$$BD = CA$$

12 右の図で、

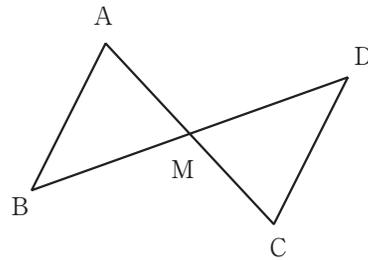
$$AB \parallel DC, AB = DC \text{ ならば } AM = CM, BM = DM$$

となります。

(1) 仮定と結論をいいなさい。

仮定: $AB \parallel DC, AB = DC$

結論: $AM = CM, BM = DM$



(2) このことがらを証明しなさい。

[証明] $\triangle ABM$ と $\triangle CDM$ で、

$AB \parallel DC$ から、

$$\angle \text{BAM} = \angle \text{DCM} \cdots \cdots \text{①}$$

$$\angle \text{ABM} = \angle \text{CDM} \cdots \cdots \text{②}$$

仮定から、

$$AB = CD \cdots \cdots \text{③}$$

①, ②, ③より, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、

$$\triangle ABM \equiv \triangle CDM$$

合同な三角形の対応する辺は等しいから、

$$AM = CM, BM = DM$$