

解答 1～2年 関数

① $y = 10$

⇒ y は x に比例するから、 $y = ax$ と表すことができる。 $x = 3$ のとき $y = -6$ だから、

$$-6 = a \times 3 \quad a = -2$$

よって、 $y = -2x$

したがって、 $x = -5$ のとき、 $y = -2 \times (-5) = 10$

② $y = 8$

⇒ y は x に反比例するから、 $y = \frac{a}{x}$ と表すことができる。 $x = 6$ のとき $y = -4$ だから、

$$-4 = \frac{a}{6} \quad a = -24$$

よって、 $y = -\frac{24}{x}$

したがって、 $x = -3$ のとき、 $y = \frac{-24}{-3} = 8$

③ 10

$$\begin{aligned} \Rightarrow (y \text{ の増加量}) &= \frac{5}{3} \times (x \text{ の増加量}) \\ &= \frac{5}{3} \times 6 \\ &= 10 \end{aligned}$$

④ $y = 2x + 3$

⑤ $y = -\frac{3}{4}x + 2$

⇒ 求める直線の式は、傾きが $-\frac{3}{4}$ だから、 $y = -\frac{3}{4}x + b$ と表すことができる。また、この直線は、点 $(8, -4)$ を通るから、

$$-4 = -\frac{3}{4} \times 8 + b \quad b = 2$$

したがって、 $y = -\frac{3}{4}x + 2$

⑥ $y = -\frac{4}{5}x + 4$

⇒ $\triangle OAB$ の面積に着目すると、

$$\frac{1}{2} \times OA \times OB = 10$$

$$\frac{1}{2} \times OA \times 4 = 10$$

$$OA = 5$$

よって、点 A の座標は $(5, 0)$ である。

したがって、2点 $A(5, 0)$ 、 $B(0, 4)$ を通る直線の式を求めればよい。

⑦ $-1 \leq y \leq 2$

⇒ 1次関数 $y = -\frac{1}{5}x + 1$ のグラフは右下がりの直線だから、変域の両端に着目する。

$$x = -5 \text{ のとき, } y = -\frac{1}{5} \times (-5) + 1 = 2$$

$$x = 10 \text{ のとき, } y = -\frac{1}{5} \times 10 + 1 = -1$$

したがって、 $-1 \leq y \leq 2$

⑧(1) 毎分50m

(2) $y = 80x - 1600$

(3) 48分後

⇒(1) グラフから、 $\frac{1600}{32} = 50$

(2) 直線の傾きは、 $\frac{3200 - 1600}{60 - 40} = 80$

よって、求める式は $y = 80x + b$ と表すことができる。また、グラフは点 $(40, 1600)$ を通るから、

$$1600 = 80 \times 40 + b \quad b = -1600$$

したがって、 $y = 80x - 1600$

(3) 花子さんのグラフは、傾きが -40 の直線だから、この直線の式は $y = -40x + c$ と表すことができる。また、この直線は点 $(24, 3200)$ を通るから、

$$3200 = -40 \times 24 + c \quad c = 4160$$

したがって、 $y = -40x + 4160$

2人が会える時間は、この直線と(2)で求めた直線の交点の x 座標だから、

$$80x - 1600 = -40x + 4160 \quad x = 48$$

⑨(1) 毎分 $\frac{5}{2}$ L (または、毎分2.5L)

(2) $y = -\frac{5}{2}x + 120$

(3) 48分後

⇒(1) $\frac{120 - 100}{8} = \frac{5}{2}$

(2) y は x の1次関数であることから、求める式を $y = ax + b$ と表すと、(1)から、 $a = -\frac{5}{2}$ 、はじめに水が120L入っていたことから、 $b = 120$ と求めることができる。

(3) 水そうの水がなくなるのは $y = 0$ のときだから、

$$0 = -\frac{5}{2}x + 120 \quad x = 48$$

⑩ (例) 点 A の y 座標は $\frac{a}{2} + 3$ であるから、点 C の y 座標は $\frac{a}{2} + 3$ である。

また、 $AC = AB$ であるから、 $AC = \frac{a}{2} + 3$ である。

これより、点 C の x 座標は $a + \left(\frac{a}{2} + 3\right) = \frac{3}{2}a + 3$ である。

点 C の x 座標、 y 座標を方程式 $y = \frac{1}{3}x + 2$ の両辺にそれぞれ代入すると、

$$\text{左辺} = \frac{a}{2} + 3$$

$$\text{右辺} = \frac{1}{3} \times \left(\frac{3}{2}a + 3\right) + 2 = \frac{a}{2} + 3$$

となり、方程式が成り立つ。

したがって、点 C は方程式 $y = \frac{1}{3}x + 2$ のグラフ上の点となる。

⇒ 点 C が直線 $y = \frac{3}{2}a + 3$ を通ることを示すには、点 C の x 座標と y 座標を方程式 $y = \frac{3}{2}a + 3$ に代入したときに成り立つことを示せばよい。