

小テスト

実施日 年 月 日

中学数学 3 1 章 式の計算 1 節 多項式の乗法と除法 ① 単項式と多項式の乗法, 除法 (教) p.12 ~ 14	年 組 番
	名前

1. 次の計算をなさい。

$$\begin{aligned} (1) \quad & 2x(4x+3y) \\ & = 8x^2 + 6xy \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & (2a - 5b) \times (-3b) \\ & = -6ab + 15b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad & (24ax - 8x) \div 4x \\ & = 6a - 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \quad & (3x^2 - 6xy) \div \frac{1}{3}x \\ & = (3x^2 - 6xy) \times \frac{3}{x} \\ & = 9x - 18y \end{aligned}$$

中学数学 3 1 章 式の計算 1 節 多項式の乗法と除法 ② 多項式の乗法 ⑧ p.15 ~ 16	年 組 番
	名前

1. 次の式を展開しなさい。

$$(1) (x - 1)(y + 5) \\ = xy + 5x - y - 5$$

$$(2) (7x - 4y)(2x - y) \\ = 14x^2 - 15xy + 4y^2$$

$$(3) (4a - 2b - 1)(3a - 2b) \\ = 12a^2 - 8ab - 6ab + 4b^2 - 3a + 2b \\ = 12a^2 - 14ab + 4b^2 - 3a + 2b$$

小テスト

実施日 年 月 日

中学数学 3 1 章 式の計算 1 節 多項式の乗法と除法 ③ 乗法の公式 (その 1) ⑧ p.17 ~ 21	年 組 番
	名前

1. 次の式を展開しなさい。

$$\begin{aligned}(1) & (x+3)(x+6) \\ & = x^2 + (3+6)x + 3 \times 6 \\ & = x^2 + 9x + 18\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2) & (x-4)(x+5) \\ & = x^2 + (-4+5)x + (-4) \times 5 \\ & = x^2 + x - 20\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3) & (x+7)^2 \\ & = x^2 + 2 \times 7 \times x + 7^2 \\ & = x^2 + 14x + 49\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4) & (x+8)(x-8) \\ & = x^2 - 8^2 \\ & = x^2 - 64\end{aligned}$$

中学数学 3 1 章 式の計算 1 節 多項式の乗法と除法 ③ 乗法の公式 (その2) (教) p.21 ~ 22	年 組 番
名前	

1. 次の式を展開しなさい。

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & (2x - 9)^2 \\
 & = (2x)^2 - 2 \times 2x \times 9 + 9^2 \\
 & = 4x^2 - 36x + 81
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \quad & (x + 2y + 1)(x + 2y - 1) \\
 & = (X + 1)(X - 1) && \cdots \cdots x + 2y = X \text{ とおく。} \\
 & = X^2 - 1 \\
 & = (x + 2y)^2 - 1 && \cdots \cdots X \text{ を } x + 2y \text{ に戻す。} \\
 & = x^2 + 4xy + 4y^2 - 1
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (3) \quad & (x + 1)^2 - (x - 1)(x + 3) \\
 & = x^2 + 2x + 1 - (x^2 + 2x - 3) \\
 & = 4
 \end{aligned}$$

小テスト

実施日 年 月 日

中学数学 3 1 章 式の計算 2 節 因数分解 ① 因数分解 ⑧ p.24 ~ 25	年 組 番
	名前

1. 次の㉖~㉙のうち，因数分解しているものはどれですか。

㉖ $x^2 + 3x = x(x + 1) + 2x$

㉗ $x^2 - 4x + 3 = (x - 1)(x - 3)$

㉘ $x^2 - 4x = x(x - 4)$

㉙ $x^2 + 4x + 8 = (x + 2)^2 + 4$

㉗, ㉘

2. 次の式を因数分解しなさい。

(1) $x^2 + 2xy$
 $= x(x + 2y)$

(2) $4x^2 - 8x$
 $= 4x(x - 2)$

(3) $x^2y - xy^2$
 $= xy(x - y)$

小テスト

実施日 年 月 日

中学数学 3 1 章 式の計算 2 節 因数分解 ② 因数分解の公式 (その 1) ⑧ p.26 ~ 29	年 組 番
	名前

1. 次の式を因数分解しなさい。

$$(1) \quad x^2 + 9x + 14 \\ = (x + 2)(x + 7)$$

$$(2) \quad x^2 - 8x + 7 \\ = (x - 1)(x - 7)$$

$$(3) \quad x^2 + 18x + 81 \\ = (x + 9)^2$$

$$(4) \quad x^2 - \frac{1}{9} \\ = \left(x + \frac{1}{3}\right)\left(x - \frac{1}{3}\right)$$

中学数学 3 1 章 式の計算 2 節 因数分解 ② 因数分解の公式 (その2) ⑧ p.29 ~ 31	年 組 番
	名前

1. 次の式を因数分解しなさい。

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & 2x^2 - 10x + 12 \\
 & = 2(x^2 - 5x + 6) \\
 & = 2(x - 2)(x - 3)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \quad & 9y^2 - 12y + 4 \\
 & = (3y)^2 - 2 \times 2 \times 3y + 2^2 \\
 & = (3y - 2)^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (3) \quad & (a+1)^2 - 3(a+1) - 4 \\
 & = X^2 - 3X - 4 && \cdots \cdots a+1 = X \text{ とおく。} \\
 & = (X+1)(X-4) \\
 & = (a+1+1)(a+1-4) && \cdots \cdots X \text{ を } a+1 \text{ に戻す。} \\
 & = (a+2)(a-3)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (4) \quad & xy - 2x + 2y - 4 \\
 & = x(y-2) + 2(y-2) \\
 & = (x+2)(y-2)
 \end{aligned}$$

中学数学 3 1章 式の計算 2節 因数分解 ③ 素因数分解 (教) p.32 ~ 34	年 組 番
	名前

1. 次の にあてはまる言葉を入れなさい。

(1) 5のように, 1とその数自身の積以外に2つの自然数の積の形に表せない自然数を

素数

という。

(2) 自然数 n をいくつかの自然数の積の形で表すとき, かけ合わされた1つ1つの数を, n の

因数

という。

(3) 因数が素数であるとき, その因数を 素因数

という。また, 自然数 n を素因数だけの積

の形に表すことを, n を

素因数分解

するという。

2. 次の数を素因数分解しなさい。

(1) 42

$$2 \times 3 \times 7$$

(2) 108

$$2^2 \times 3^3$$

中学数学 3 1章 式の計算 3節 式の活用 ① 式の活用 ⑧ p.36 ~ 40	年 組 番
	名前

1. 次の式を，工夫して計算しなさい。

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & 98^2 \\
 &= (100 - 2)^2 \\
 &= 100^2 - 2 \times 2 \times 100 + 2^2 \\
 &= 10000 - 400 + 4 \\
 &= 9604
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \quad & 17^2 - 16^2 \\
 &= (17 + 16) \times (17 - 16) \\
 &= 33 \times 1 \\
 &= 33
 \end{aligned}$$

2. ある数とその2乗との和は2でわり切れることを証明します。次の にあてはまる言葉や式を入れなさい。同じ番号の には同じ言葉や式が入ります。

ある整数を n とすると，ある整数とその2乗の和は ① $n^2 + n$ と表すことができる。

これを因数分解すると，

$$\text{① } n^2 + n = \text{② } n(n+1)$$

これは，連続した2つの整数の ③ 積 を表している。

ところで，連続した整数のうちのどちらかは ④ 偶数 であるから，連続した2つの整数の積は ④ 偶数 である。

したがって， ① $n^2 + n$ は ④ 偶数 である。すなわち，ある整数とその2乗との和は2でわり切れる。

小テスト

実施日 年 月 日

中学数学 3 2章 平方根 1節 平方根 ① 2乗すると a になる数 (その1) (教) p.48 ~ 51	年 組 番
	名前

1. 次の数の平方根を求めなさい。

(1) 49

7と-7

(2) $\frac{25}{36}$

$\frac{5}{6}$ と $-\frac{5}{6}$

2. 次の数の平方根を, 根号を使って表しなさい。

(1) 13

$\sqrt{13}$ と $-\sqrt{13}$

(2) 0.7

$\sqrt{0.7}$ と $-\sqrt{0.7}$

3. 次の数を, 根号を使わないで表しなさい。

(1) $-\sqrt{81}$

-9

(2) $\sqrt{0.01}$

0.1

小テスト

実施日 年 月 日

中学数学 3 2章 平方根 1節 平方根 ① 2乗すると a になる数 (その2) ⑧ p.51 ~ 52	年 組 番
	名前

1. 次の値を求めなさい。

(1) $(\sqrt{5})^2$

5

(2) $\left(\sqrt{\frac{1}{2}}\right)^2$

$\frac{1}{2}$

2. 次の各組の数の大小を、不等号を使って表しなさい。

(1) $\sqrt{15}, \sqrt{17}$

$\sqrt{15} < \sqrt{17}$

(2) $-0.3, -\sqrt{0.3}$

$-0.3 > -\sqrt{0.3}$

(3) $-2, -\sqrt{5}, -\sqrt{6}$

$-\sqrt{6} < -\sqrt{5} < -2$

中学数学 3 2章 平方根 1節 平方根 ② 有理数と無理数 (教) p.53 ~ 55	年 組 番
	名前

1. 次の にあてはまる言葉を入れなさい。

(1) m を整数, n を 0 でない整数としたとき, 分数 $\frac{m}{n}$ で表すことができる数を という。

(2) 分数で表すことができない数を という。

2. 次の数のうち, 有理数はどれですか。また, 無理数はどれですか。

ア $\sqrt{8}$
 イ $\sqrt{9}$
 ウ $-\sqrt{15}$
 エ $-\sqrt{\frac{36}{49}}$

有理数 …… イ, エ

無理数 …… ア, ウ

中学数学 3 2章 平方根 2節 平方根の計算 ① 平方根の乗法, 除法 (その1) (教) p.56 ~ 59	年 組 番
	名前

1. 次の計算をなさい。

$$(1) \sqrt{5} \times \sqrt{7}$$

$$= \sqrt{35}$$

$$(2) \sqrt{56} \div \sqrt{7}$$

$$= \sqrt{8}$$

2. 次の数を, \sqrt{a} の形で表しなさい。

$$(1) 2\sqrt{6}$$

$$\sqrt{24}$$

$$(2) 3\sqrt{5}$$

$$\sqrt{45}$$

3. 次の数を, $a\sqrt{b}$ の形で表しなさい。

$$(1) \sqrt{27}$$

$$3\sqrt{3}$$

$$(2) \sqrt{80}$$

$$4\sqrt{5}$$

4. $\sqrt{8} \times \sqrt{27} \div \sqrt{6}$ を計算しなさい。

$$\sqrt{8} \times \sqrt{27} \div \sqrt{6}$$

$$= 2\sqrt{2} \times 3\sqrt{3} \div \sqrt{6}$$

$$= \frac{2\sqrt{2} \times 3\sqrt{3}}{\sqrt{6}}$$

$$= 6$$

中学数学 3 2章 平方根 2節 平方根の計算 ① 平方根の乗法, 除法 (その2) (教) p.59 ~ 60	年 組 番
	名前

1. 次の数の分母を有理化しなさい。

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & \frac{2}{\sqrt{7}} \\
 &= \frac{2 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} \\
 &= \frac{2\sqrt{7}}{7}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \quad & \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \\
 &= \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} \\
 &= \frac{\sqrt{6}}{3}
 \end{aligned}$$

2. $\sqrt{2} = 1.414$, $\sqrt{20} = 4.472$ として, 次の値を求めなさい。

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & \sqrt{2000} \\
 &= \sqrt{20 \times 100} \\
 &= \sqrt{20} \times 10 \\
 &= 4.472 \times 10 \\
 &= 44.72
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \quad & \sqrt{0.02} \\
 &= \sqrt{\frac{2}{100}} \\
 &= \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{100}} \\
 &= \frac{\sqrt{2}}{10} \\
 &= \frac{1.414}{10} \\
 &= 0.1414
 \end{aligned}$$

中学数学 3 2章 平方根 2節 平方根の計算 ② 平方根の加法, 減法	年 組 番
	名前

教 p.61 ~ 63

1. 次の計算をなさい。

$$\begin{aligned}(1) \quad & 3\sqrt{5} - 4\sqrt{5} \\ &= (3 - 4)\sqrt{5} \\ &= -\sqrt{5}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2) \quad & 5\sqrt{2} - 3\sqrt{3} + 2\sqrt{2} \\ &= 5\sqrt{2} + 2\sqrt{2} - 3\sqrt{3} \\ &= (5+2)\sqrt{2} - 3\sqrt{3} \\ &= 7\sqrt{2} - 3\sqrt{3}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(3) \quad & \sqrt{12} + \sqrt{32} - \sqrt{75} \\ &= 2\sqrt{3} + 4\sqrt{2} - 5\sqrt{3} \\ &= 4\sqrt{2} + 2\sqrt{3} - 5\sqrt{3} \\ &= 4\sqrt{2} + (2 - 5)\sqrt{3} \\ &= 4\sqrt{2} - 3\sqrt{3}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(4) \quad & \sqrt{63} - \frac{14}{\sqrt{7}} \\ &= 3\sqrt{7} - \frac{14 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} \\ &= 3\sqrt{7} - \frac{14\sqrt{7}}{7} \\ &= 3\sqrt{7} - 2\sqrt{7} \\ &= \sqrt{7}\end{aligned}$$

中学数学 3 2章 平方根 2節 平方根の計算 ③ 平方根のいろいろな計算	年 組 番
	名前

④ p.64 ~ 65

1. 次の計算をなさい。

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & \sqrt{3}(\sqrt{5} + \sqrt{15}) \\
 &= \sqrt{3} \times \sqrt{5} + \sqrt{3} \times \sqrt{15} \\
 &= \sqrt{15} + \sqrt{3} \times \sqrt{3} \times \sqrt{5} \\
 &= \sqrt{15} + 3\sqrt{5}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (2) \quad & (\sqrt{2} - \sqrt{7})^2 \\
 &= (\sqrt{2})^2 - 2 \times \sqrt{7} \times \sqrt{2} + (\sqrt{7})^2 \\
 &= 2 - 2\sqrt{14} + 7 \\
 &= 9 - 2\sqrt{14}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (3) \quad & (\sqrt{3} + 2)(\sqrt{3} - 2) \\
 &= (\sqrt{3})^2 - 2^2 \\
 &= 3 - 4 \\
 &= -1
 \end{aligned}$$

2. $x = \sqrt{3} - 1$ のとき, $x^2 + x$ の式の値を求めなさい。

$$\begin{aligned}
 x^2 + x &= x(x+1) \\
 &= (\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} - 1 + 1) \\
 &= (\sqrt{3} - 1) \times \sqrt{3} \\
 &= 3 - \sqrt{3}
 \end{aligned}$$

中学数学 3 3章 2次方程式 1節 2次方程式とその解き方 ① 2次方程式とその解 (教) p.76	年 組 番
	名前

1. 次の にあてはまる数や言葉を入れなさい。

(1) 移項して整理すると,

$$(x \text{ の } \boxed{2} \text{ 次式}) = 0$$

の形になる方程式を, x についての2次方程式という。

(2) 2次方程式を成り立たせる文字の値を, その2次方程式の **解** という。

2. $-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4$ のうち, 2次方程式 $x^2 - x - 6 = 0$ の解であるものはどれですか。

- 2, 3

中学数学 3 3章 2次方程式 1節 2次方程式とその解き方 ② 因数分解による解き方 (教) p.77 ~ 80	年 組 番
	名前

1. 次の方程式を解きなさい。

(1) $(x - 3)(x - 9) = 0$

$$x = 3, x = 9$$

(2) $x^2 - 9x + 20 = 0$

左辺を因数分解すると、

$$(x - 4)(x - 5) = 0$$

$$x = 4, x = 5$$

(3) $x^2 - 64 = 0$

左辺を因数分解すると、

$$(x + 8)(x - 8) = 0$$

$$x = -8, x = 8$$

(4) $(x - 4)^2 + x^2 = 10$

左辺を展開すると、

$$x^2 - 8x + 16 + x^2 = 10$$

移項して整理すると、

$$x^2 - 4x + 3 = 0$$

左辺を因数分解すると、

$$(x - 1)(x - 3) = 0$$

$$x = 1, x = 3$$

中学数学 3 3章 2次方程式 1節 2次方程式とその解き方 ③ 平方根の考えによる解き方 (教) p.81 ~ 82	年 組 番
	名前

1. 次の方程式を解きなさい。

(1) $5x^2 - 15 = 0$

$$5x^2 = 15$$

$$x^2 = 3$$

$$x = \pm\sqrt{3}$$

(2) $(x+3)^2 = 7$

$$x+3 = \pm\sqrt{7}$$

$$x = -3 \pm\sqrt{7}$$

(3) $x^2 + 12x + 30 = 0$

$$x^2 + 12x = -30$$

両辺に、 x の係数12の $\frac{1}{2}$ の2乗、すなわち、 6^2 を加えると、

$$x^2 + 2 \times 6x + 6^2 = -30 + 6^2$$

$$(x+6)^2 = 6$$

$$x+6 = \pm\sqrt{6}$$

$$x = -6 \pm\sqrt{6}$$

中学数学 3 3章 2次方程式 1節 2次方程式とその解き方 ④ 2次方程式の解の公式 (教) p.83 ~ 85	年 組 番 名前
--	-----------------

1. 次の方程式を解きなさい。

(1) $2x^2 - 4x + 1 = 0$

$$\begin{aligned}
 x &= \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \times 2 \times 1}}{2 \times 2} \\
 &= \frac{4 \pm \sqrt{8}}{4} \\
 &= \frac{4 \pm 2\sqrt{2}}{4} \\
 &= \frac{2 \pm \sqrt{2}}{2} \quad \left(1 \pm \frac{\sqrt{2}}{2}\right)
 \end{aligned}$$

(2) $x^2 + 6x - 2 = 0$

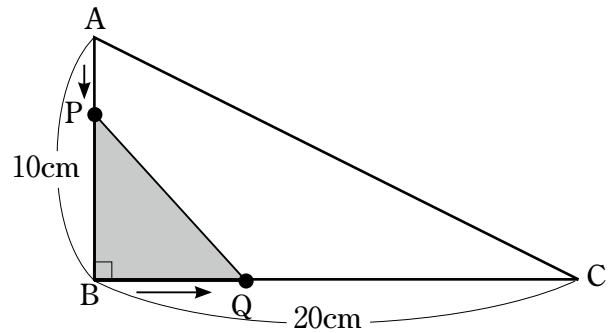
$$\begin{aligned}
 x &= \frac{-6 \pm \sqrt{6^2 - 4 \times 1 \times (-2)}}{2 \times 1} \\
 &= \frac{-6 \pm \sqrt{44}}{2} \\
 &= \frac{-6 \pm 2\sqrt{11}}{2} \\
 &= -3 \pm \sqrt{11}
 \end{aligned}$$

(3) $x^2 - x - 5 = 0$

$$\begin{aligned}
 x &= \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \times 1 \times (-5)}}{2 \times 1} \\
 &= \frac{1 \pm \sqrt{21}}{2}
 \end{aligned}$$

中学数学 3 3章 2次方程式 2節 2次方程式の活用 ① 2次方程式の活用 (教) p.87 ~ 90	年 組 番
	名前

1. 右の図のような直角三角形 ABC で、点 P は辺 AB 上を秒速 1 cm で A から B まで動きます。また、点 Q は点 P が A を出発するのと同時に B を出発し、辺 BC 上を秒速 2 cm で C まで動きます。



このとき、 $\triangle PBQ$ の面積が 6cm^2 になるのは、点 P が A を出発してから何秒後かを求めます。

次の問いに答えなさい。

- (1) 点 P が A を出発してから t 秒後の PB の長さを、 t を用いて表しなさい。

$(10 - t)\text{cm}$

- (2) 点 P が A を出発してから t 秒後の BQ の長さを、 t を用いて表しなさい。

$2t\text{cm}$

- (3) (1), (2) から、 t の 2 次方程式をつくりなさい。

$$\frac{1}{2} \times 2t(10 - t) = 6$$

$$t^2 - 10t + 6 = 0$$

- (4) (3) の 2 次方程式を解いて、 $\triangle PBQ$ の面積が 6cm^2 になるのは、点 P が A を出発してから何秒後かを求めなさい。

$$t = \frac{-(-10) \pm \sqrt{(-10)^2 - 4 \times 1 \times 6}}{2 \times 1}$$

$$= \frac{10 \pm \sqrt{76}}{2}$$

$$= \frac{10 \pm 2\sqrt{19}}{2}$$

$$= 5 \pm \sqrt{19}$$

$0 \leq t \leq 10$ だから、 $(5 + \sqrt{19})$ 秒後、 $(5 - \sqrt{19})$ 秒後はともに問題に適している。

答 $(5 \pm \sqrt{19})$ 秒後

中学数学 3 4章 関数 $y = ax^2$ 1節 関数 $y = ax^2$ ① 関数 $y = ax^2$ (教)p.100 ~ 101	年 組 番
	名前

1. 次の㉗~㉙について、 x が y の2乗に比例するものはどれですか。

- ㉗ 1辺が x cmの正方形の面積 y cm²
- ㉘ 半径が x cmの円の周の長さ y cm
- ㉙ 底面の円の半径が x cm、高さが9cmの円錐の体積 y cm³

㉗ $y = x^2$ ㉘ $y = 2\pi x$ ㉙ $y = \frac{1}{3} \times \pi x^2 \times 9 = 3\pi x^2$

㉗, ㉙

2. y は x の2乗に比例し、 $x=6$ のとき、 $y=-12$ です。このとき、 y を x の式で表しなさい。

y は x の2乗に比例するから、 $y = ax^2$ と表すことができる。

$x=6$ のとき $y = -12$ だから、

$$-12 = a \times 6^2$$

$$a = -\frac{1}{3}$$

したがって、求める式は、 $y = -\frac{1}{3}x^2$

中学数学 3 4章 関数 $y = ax^2$ 1節 関数 $y = ax^2$ ② 関数 $y = ax^2$ のグラフ	年 組 番
	名前

⑧ p.102 ~ 107

1. 次の問いに答えなさい。

- (1) 関数 $y = ax^2$ のグラフは、 $a > 0$ のとき、 a の値が小さくなると、グラフの開き方はどのようなになりますか。

大きくなる

- (2) 関数 $y = ax^2$ のグラフは、 $a < 0$ のとき、 a の値が小さくなると、グラフの開き方はどのようなになりますか。

小さくなる

2. 次の㉖~㉙の関数の中から、(1)~(3)にあてはまるものをそれぞれ選びなさい。

㉖ $y = 3x^2$ ㉗ $y = 0.2x^2$ ㉘ $y = -2x^2$ ㉙ $y = -\frac{1}{2}x^2$

- (1) グラフが上に開いている。

㉖, ㉗

- (2) グラフが $y = 2x^2$ のグラフと x 軸について対称である。

㉘

- (3) グラフの開き方が $y = x^2$ のグラフよりも小さい。

㉖, ㉘

中学数学 3 4章 関数 $y = ax^2$ 1節 関数 $y = ax^2$ ③ 関数 $y = ax^2$ の値の変化 (その1) ⑧ p.108 ~ 109	年 組 番
	名前

1. 関数 $y = x^2$ で、 x の変域が $-2 \leq x \leq 0$ のときの y の変域を求めなさい。

$x=0$ のとき、 $y=0^2=0$ …… 最小の値

$x=-2$ のとき、 $y=(-2)^2=4$ …… 最大の値

答 $0 \leq y \leq 4$

2. 関数 $y = -4x^2$ で、 x の変域が次の(1)、(2)のときの y の変域を求めなさい。

(1) $1 \leq x \leq 4$

$x=4$ のとき、 $y=-4 \times 4^2 = -64$ …… 最小の値

$x=1$ のとき、 $y=-4 \times 1^2 = -4$ …… 最大の値

答 $-64 \leq y \leq -4$

(2) $-3 \leq x \leq 2$

$x=-3$ のとき、 $y=-4 \times (-3)^2 = -36$ …… 最小の値

$x=0$ のとき、 $y=-4 \times 0^2 = 0$ …… 最大の値

答 $-36 \leq y \leq 0$

中学数学 3 4章 関数 $y = ax^2$ 1節 関数 $y = ax^2$ ③ 関数 $y = ax^2$ の値の変化 (その2) ④ p.110 ~ 112	年 組 番
	名前

1. 関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ で、 x の値が次の(1), (2)のように増加するときの変化の割合を求めなさい。

(1) 2 から 6 まで

x の増加量は、 $6 - 2 = 4$

y の増加量は、 $\frac{1}{2} \times 6^2 - \frac{1}{2} \times 2^2 = 16$

したがって、変化の割合は、 $\frac{16}{4} = 4$

答 4

(2) -4 から -2 まで

x の増加量は、 $(-2) - (-4) = 2$

y の増加量は、 $\frac{1}{2} \times (-2)^2 - \frac{1}{2} \times (-4)^2 = -6$

したがって、変化の割合は、 $\frac{-6}{2} = -3$

答 -3

2. 斜面を転がるボールの速さは、時間とともにだんだん速くなります。ある斜面をボールが転がり始めてから x 秒間に転がる距離を y m とすると、転がり始めてから 1 秒間に転がる距離は 3 m、転がり始めてから 4 秒間に転がる距離は 48m で、 $y = 3x^2$ という関係がありました。

このとき、ボールが転がり始めてから 1 秒後から 4 秒後までの平均の速さを求めます。

次の にあてはまる数を入れなさい。

(1) 1 秒後から 4 秒後までの間に転がった時間は、 - =

(2) 1 秒後から 4 秒後までの間に転がった距離は、 - =

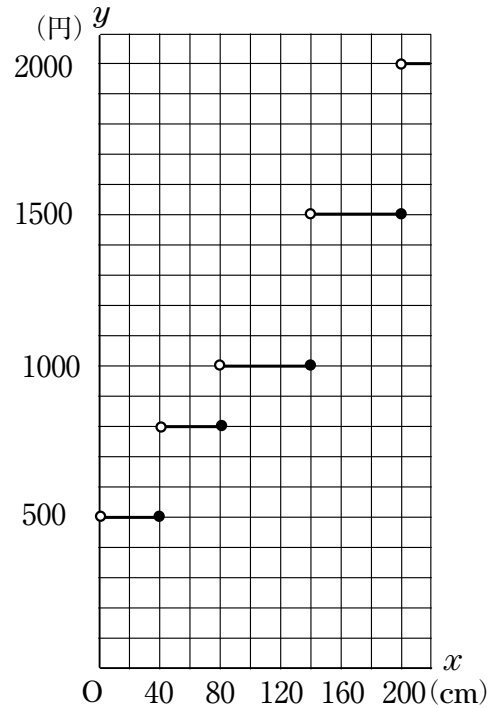
(3) 平均の速さは、

$$\frac{\text{45}}{\text{3}} = \text{15}$$

答 秒速 m

中学数学 3 4章 関数 $y = ax^2$ 3節 いろいろな関数 ① いろいろな関数 (教)p.120 ~ 122	年 組 番
	名前

1. 右のグラフはA社における荷物の縦, 横, 高さの合計と配達料金の関係を表したもので, 荷物の縦, 横, 高さの合計が x cm のときの配達料金を y 円とします。
 このとき, 次の にあてはまる数や言葉を入れなさい。



(1) y は x の である。

(2) $0 \leq x \leq 40$ のとき,

$$y = \text{$$

$40 < x \leq 80$ のとき,

$$y = \text{$$

$80 < x \leq 140$ のとき,

$$y = \text{$$

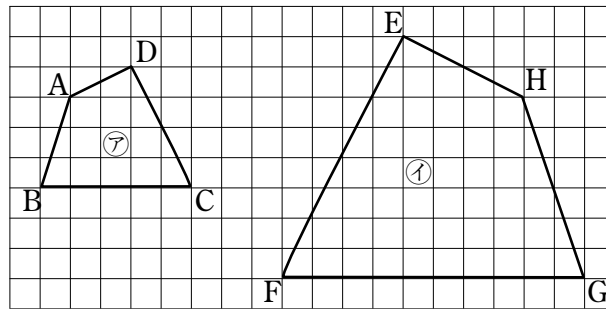
(3) 荷物を 1500 円以下で送ることができる荷物の縦, 横, 高さの合計は最大で

cm です。

中学数学 3 5章 相似な図形 1節 相似な図形 ① 相似な図形 (その1)	年 組 番
	名前

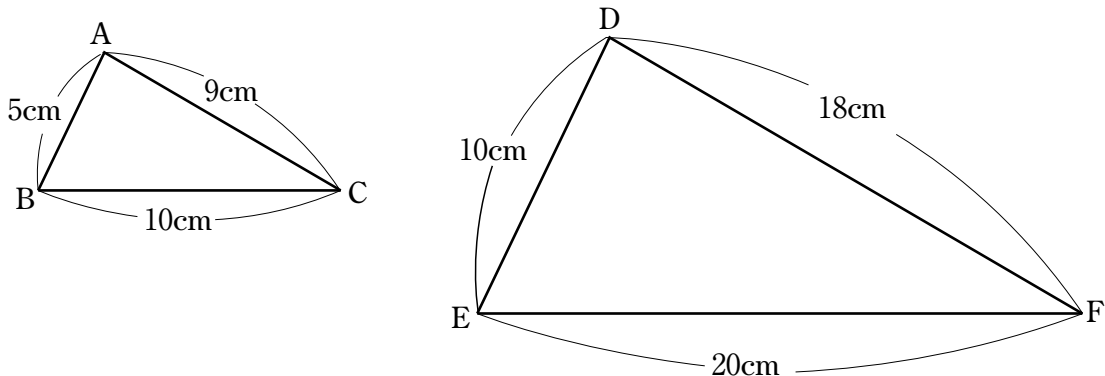
教 p.132 ~ 134

1. 下の図で、四角形⑦と四角形⑧は相似です。このとき、にあてはまる文字を入れなさい。



- (1) 点 A に対応する頂点は点 である。
- (2) 辺 BC に対応する辺は辺 である。
- (3) $\angle D$ に対応する角は \angle である。
- (4) この2つの四角形が相似であることを、記号 \sim を使って、
四角形 ABCD \sim 四角形 と表すことができる。

2. 下の図で、 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ のとき、 $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ の相似比を求めなさい。



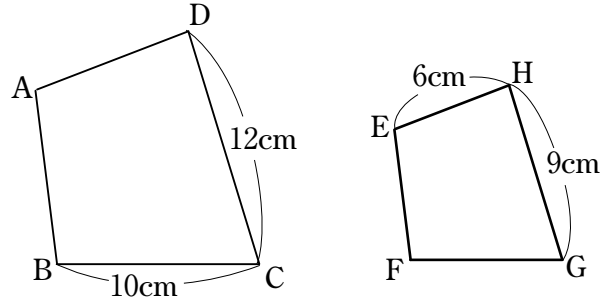
1 : 2

中学数学 3 5章 相似な図形 1節 相似な図形 ① 相似な図形 (その2)	年 組 番
	名前

教 p.135 ~ 136

1. 右の図で、四角形 ABCD の四角形 EFGH のとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 四角形 ABCD と四角形 EFGH の相似比を求めなさい。

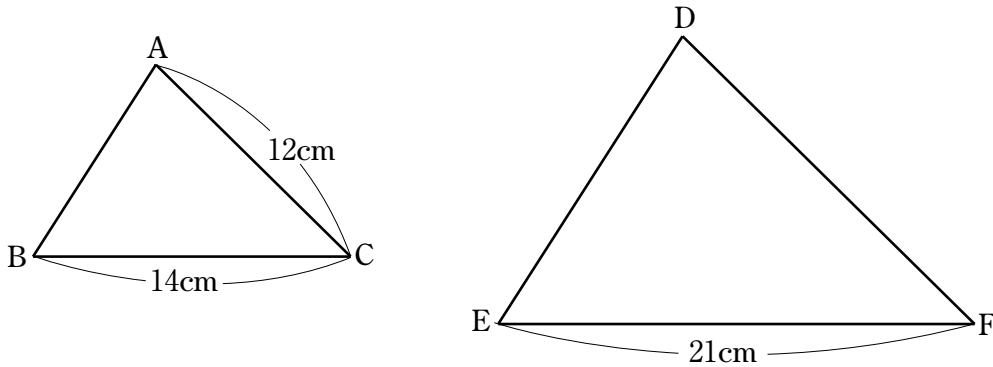


4 : 3

- (2) 辺 FG の長さを求めなさい。

7.5cm

2. 下の図で、 $\triangle ABC$ の $\triangle DEF$ のとき、辺 DF の長さを求めなさい。



$$AC : DF = BC : EF$$

DF = x cm とすると、

$$12 : x = 14 : 21$$

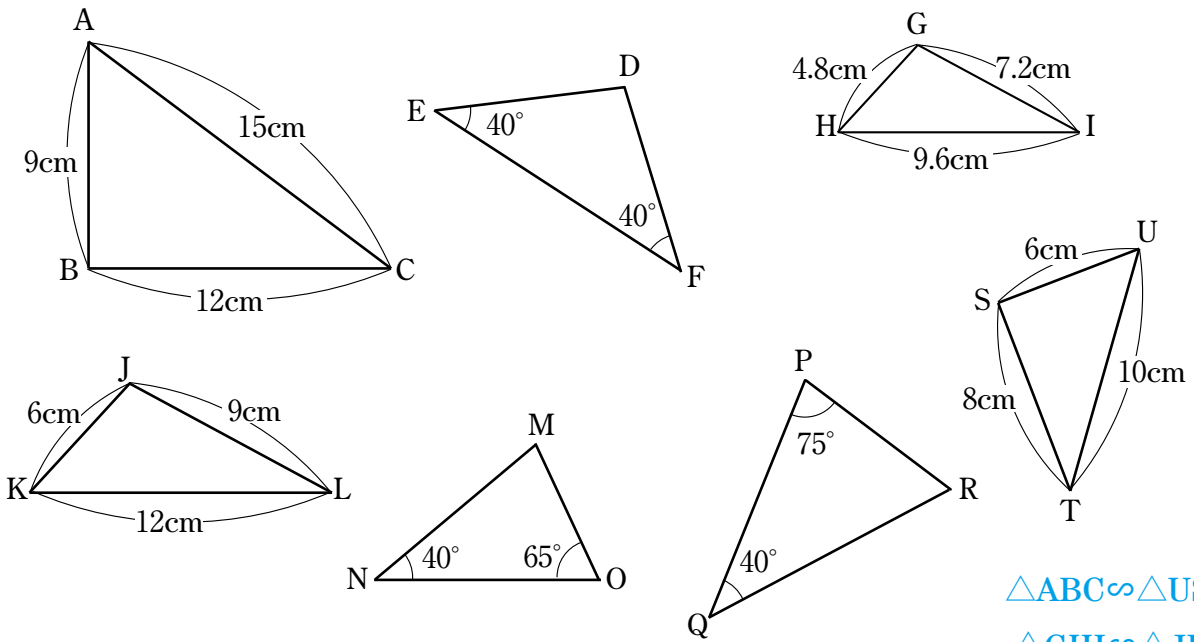
$$14x = 252$$

$$x = 18$$

答 18cm

中学数学 3 5章 相似な図形 1節 相似な図形 ② 三角形の相似条件 (教)p.137 ~ 139	年 組 番
	名前

1. 下の図で、相似な三角形を見つけ、記号のを使って表しなさい。



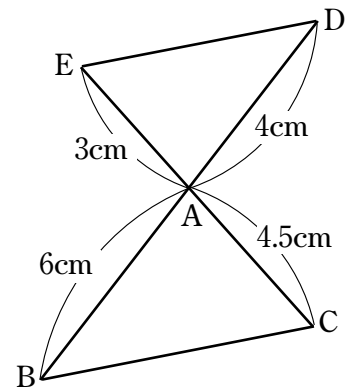
$\triangle ABC \sim \triangle UST$
 $\triangle GHI \sim \triangle JKL$
 $\triangle MNO \sim \triangle PQR$

2. 右の図で、相似な三角形を見つけ、記号のを使って表しなさい。

また、そのときに使った相似条件をいいなさい。

$\triangle ABC \sim \triangle ADE$

2組の辺の比が等しく、その間の角が等しい。



中学数学 3 5章 相似な図形 1節 相似な図形 ③ 三角形の相似条件と証明 (教)p.140～143	年 組 番
	名前

1. 右の図について、次の問いに答えなさい。

- (1) $\triangle ABC$ と相似な三角形をいいなさい。

$\triangle AED$

- (2) (1)で見つけた三角形が $\triangle ABC$ と相似であることを証明しなさい。

$\triangle ABC$ と $\triangle AED$ で、

仮定から、

$$AB : AE = 12 : 3 = 4 : 1$$

$$AC : AD = 8 : 2 = 4 : 1$$

したがって、

$$AB : AE = AC : AD \quad \dots\dots ①$$

共通な角だから、

$$\angle BAC = \angle EAD \quad \dots\dots ②$$

①, ②より、2組の辺の比が等しく、その間の角が等しいから、

$$\triangle ABC \sim \triangle AED$$

- (3) 辺 DE の長さを求めなさい。

$DE = x \text{ cm}$ とする。

$\triangle ABC \sim \triangle AED$ だから、

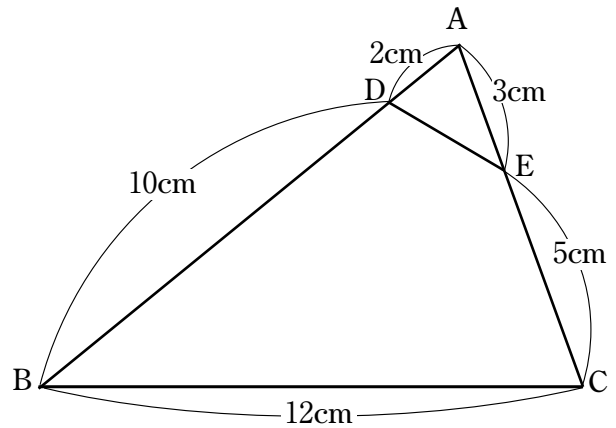
$$BC : ED = AB : AE$$

$$12 : x = 4 : 1$$

$$4x = 12$$

$$x = 3$$

答 3cm

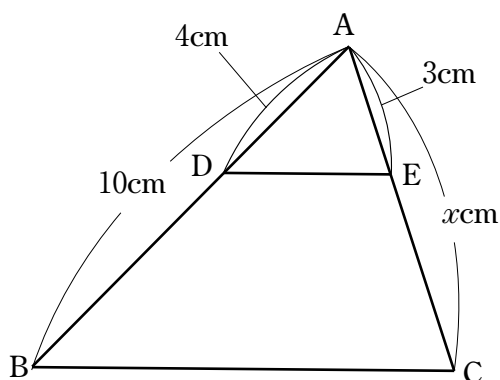


中学数学 3 5章 相似な図形 2節 平行線と線分の比 ① 三角形と比 (その1)	年 組 番
	名前

教 p.145 ~ 147

1. 下の図で、 $DE \parallel BC$ のとき、 x の値を求めなさい。

(1)



$$AD : AB = AE : AC$$

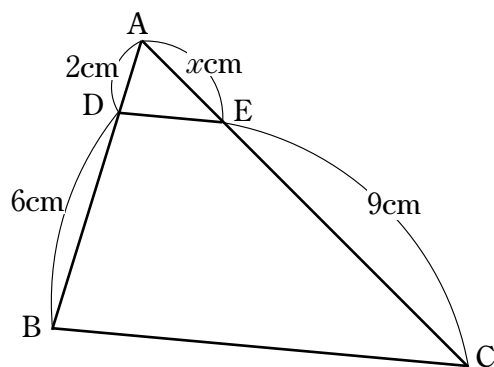
$$4 : 10 = 3 : x$$

$$4x = 30$$

$$x = 7.5$$

答 7.5cm

(2)



$$AD : DB = AE : EC$$

$$2 : 6 = x : 9$$

$$6x = 18$$

$$x = 3$$

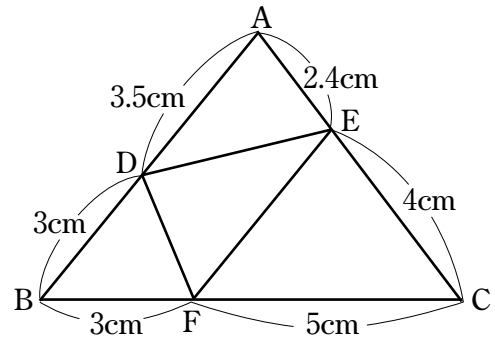
答 3cm

中学数学 3 5章 相似な図形 2節 平行線と線分の比 ① 三角形と比 (その2) (教)p.148 ~ 149	年 組 番
	名前

1. 右の図で、線分 DE, EF, FD のうち、 $\triangle ABC$ の辺に平行なものはどれですか。

$AE : EC = BF : FC$ だから、 $AB \parallel EF$

辺 EF

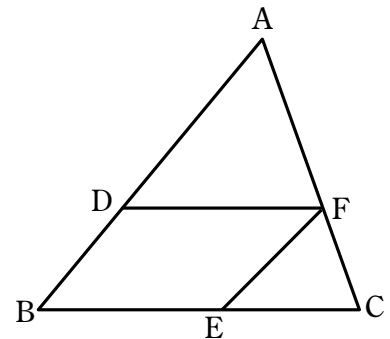


2. 右の図のように、 $\triangle ABC$ の辺 AB, BC, CA 上の点をそれぞれ D, E, F とします。 $AD : DB = AF : FC = BE : EC$ のとき、四角形 DBEF はどのような四角形になりますか。

$AD : DB = AF : FC$ より、 $DF \parallel BC$

$AF : FC = BE : EC$ より、 $AB \parallel FE$

四角形 DBEF は、2組の対辺がそれぞれ平行だから、平行四辺形である。



中学数学 3 5章 相似な図形 2節 平行線と線分の比 ② 中点連結定理 (教)p.152 ~ 153	年 組 番
	名前

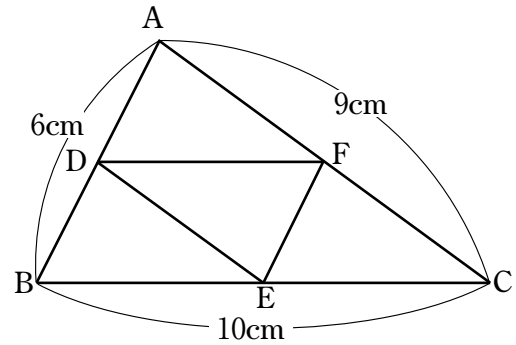
1. 右の図の△ABCで辺AB, BC, CAの中点をそれぞれD, E, Fとします。このとき, △DEFの周の長さを求めなさい。

$$DE = \frac{1}{2} AC = \frac{1}{2} \times 9 = 4.5$$

$$DF = \frac{1}{2} BC = \frac{1}{2} \times 10 = 5$$

$$EF = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \times 6 = 3$$

△DEFの周の長さは, $4.5 + 5 + 3 = 12.5(\text{cm})$

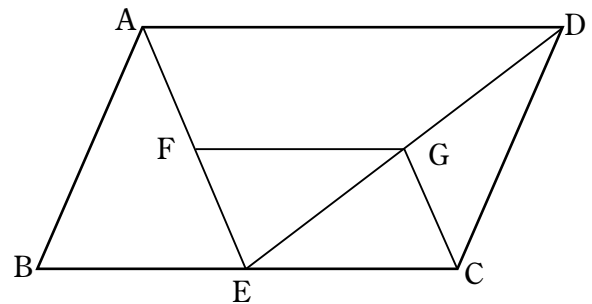


答 12.5cm

2. 平行四辺形 ABCD の辺 BC の中点を E とし, AE, DE の中点をそれぞれ F, G とすると, 四角形 FECG は平行四辺形となります。

このことを次のように証明しました。

このとき, にあてはまる言葉や記号を入れなさい。



(証明) 中点連結定理から,

$$FG \parallel \text{AD}, FG = \frac{1}{2} \text{AD}$$

仮定から,

$$AD \parallel \text{EC}, EC = \frac{1}{2} BC = \frac{1}{2} \text{AD}$$

したがって,

$$FG \parallel \text{EC}, FG = \text{EC}$$

四角形 FECG は, から, 平行四辺形である。

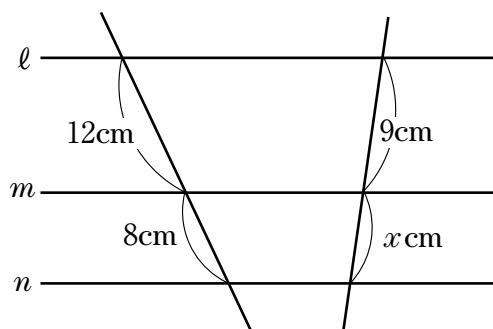
中学数学 3 5章 相似な図形 2節 平行線と線分の比 ③ 平行線と線分の比	年 組 番
	名前

教 p.154 ~ 155

1. 下の図のように、平行な3つの直線 l , m , n に2つの直線が交わっています。

このとき、 x の値を求めなさい。

(1)



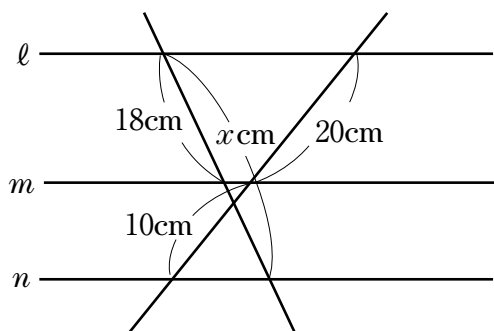
$$12 : 8 = 9 : x$$

$$12x = 72$$

$$x = 6$$

答 $x = 6$

(2)



$$18 : (x - 18) = 20 : 10$$

$$18 : (x - 18) = 2 : 1$$

$$18 = 2(x - 18)$$

$$x - 18 = 9$$

$$x = 27$$

答 $x = 27$

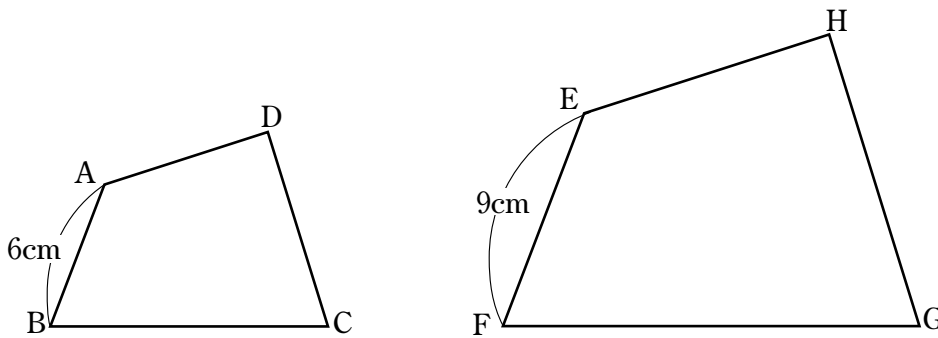
中学数学 3 5章 相似な図形 3節 相似な図形の面積の比と体積の比 ① 相似な平面図形の面積 (教)p.157 ~ 159	年 組 番
	名前

1. $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ で、その相似比が $8 : 5$ のとき、 $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ の面積の比を求めなさい。

$$8^2 : 5^2 = 64 : 25$$

答 64 : 25

2. 四角形 $ABCD \sim$ 四角形 $EFGH$ で、 $AB = 6\text{cm}$ 、 $EF = 9\text{cm}$ です。四角形 $ABCD$ の面積が 60cm^2 のとき、四角形 $EFGH$ の面積を求めなさい。



四角形 $EFGH$ の面積を $x\text{cm}^2$ とすると、

$$6^2 : 9^2 = 60 : x$$

$$36 : 81 = 60 : x$$

$$4 : 9 = 60 : x$$

$$4x = 540$$

$$x = 135$$

答 135cm^2

中学数学 3 5章 相似な図形 3節 相似な図形の面積の比と体積の比 ② 相似な立体の表面積と体積 (教)p.160～163	年 組 番
	名前

1. 相似比が4:3の相似な2つの立体P, Qがあります。立体Pの表面積が 512cm^2 、体積が 384cm^3 のとき、次の問いに答えなさい。

(1) 立体Qの表面積を求めなさい。

立体Qの表面積を $x\text{cm}^2$ とすると、

$$512 : x = 4^2 : 3^2$$

$$512 : x = 16 : 9$$

$$16x = 9 \times 512$$

$$x = 9 \times 32$$

$$= 288$$

答 288cm^2

(2) 立体Qの体積を求めなさい。

立体Qの体積を $x\text{cm}^3$ とすると、

$$384 : x = 4^3 : 3^3$$

$$384 : x = 64 : 27$$

$$64x = 27 \times 384$$


$$x = 27 \times 6$$

$$= 162$$

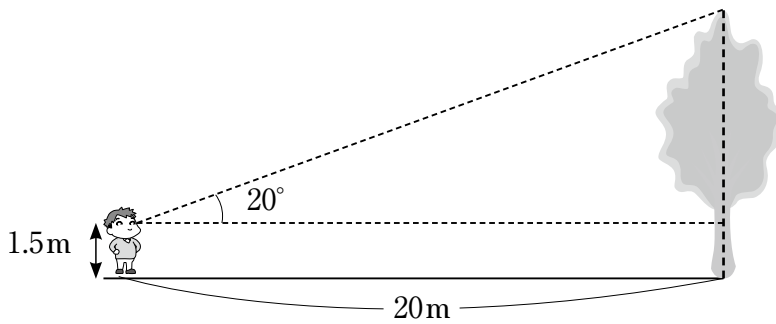
答 162cm^3

中学数学 3 5章 相似な図形 4節 相似な図形の活用 ① 相似な図形の活用 (教)p.165 ~ 166	年 組 番
	名前

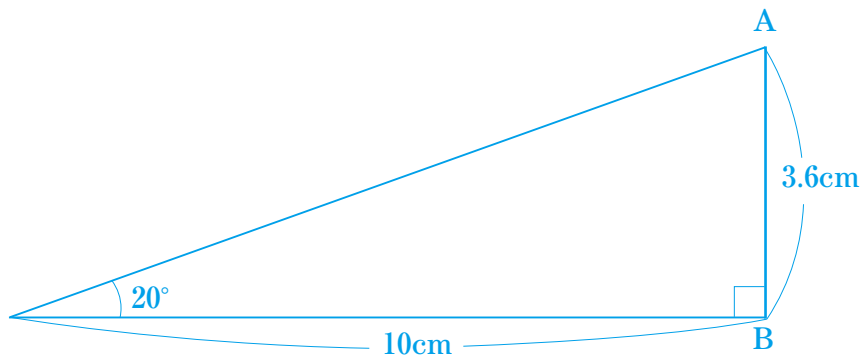
1. 木の根元から 20m 離れた地点に立って、木の先端を見上げたら、水平の方向に対して 20° 上に見えました。

下の  の中に $\frac{1}{200}$ の縮図をかき、木の高さを求めなさい。

ただし、目の高さは 1.5m とします。



(縮図)



$\frac{1}{200}$ の縮図をかくと上のようになる。

辺 AB の長さを測ると、約 3.6cm

$$3.6 \div \frac{1}{200} = 720(\text{cm}) \rightarrow \text{約 } 7.2\text{m}$$

目の高さは 1.5m だから、

$$1.5 + 7.2 = 8.7(\text{m})$$

答 約 8.7m

中学数学 3 6章 円 1節 円周角の定理 ① 円周角の定理 (その1)	年 組 番
	名前

教 p.176 ~ 178

1. 次の にあてはまる数や言葉を入れなさい。

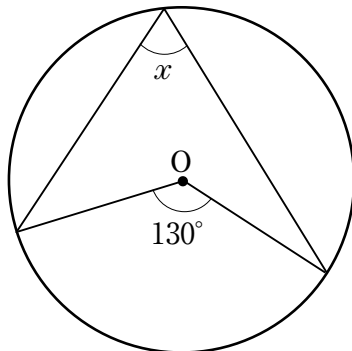
(1) 1つの弧に対する円周角の大きさは、その弧に対する中心角の大きさの である。

(2) 1つの弧に対する中心角の大きさはすべて等しいから、同じ弧に対する の大きさはすべて等しい。

(3) 半円の弧に対する円周角は °である。

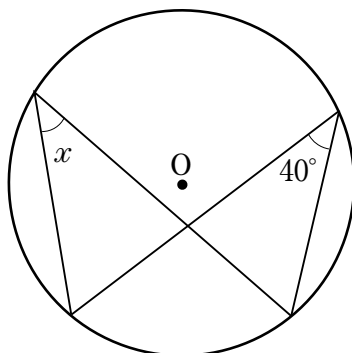
2. 下の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。

(1)



65°

(2)



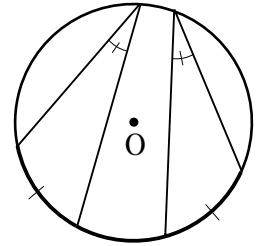
40°

中学数学 3 6章 円 1節 円周角の定理 ① 円周角の定理 (その2)	年 組 番
	名前

教 p.179 ~ 180

1. 次の にあてはまる言葉を入れなさい。

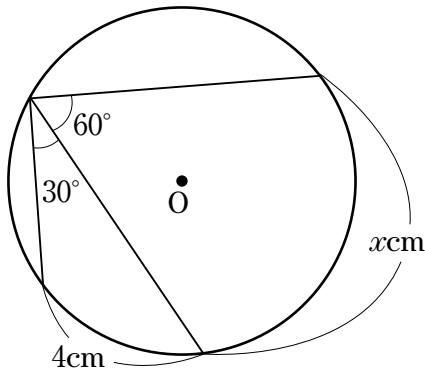
(1) 右の図のように、1つの円で、等しい弧に対する は等しい。
 等しい円周角に対する は等しい。



(2) 1つの円で、弧の長さは、その弧に対する の大きさに比例する。

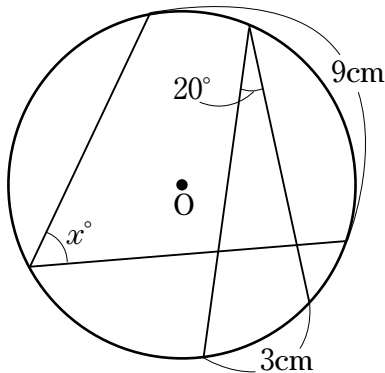
2. 下の図で x の値を求めなさい。

(1)



$x = 8$

(2)



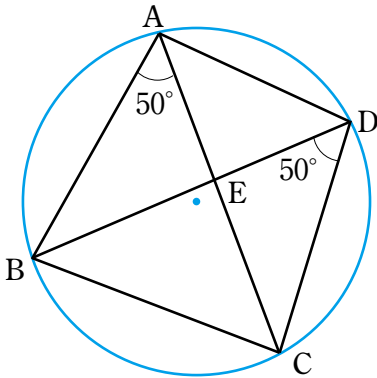
$x = 60$

中学数学 3 6章 円 1節 円周角の定理 ② 円周角の定理の逆	年 組 番
	名前

教 p.181 ~ 182

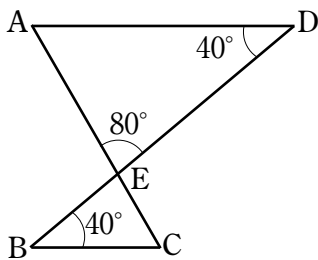
1. 下の㉗~㉙の中で、4点 A, B, C, D が1つの円周上にあるものをいいなさい。また、その理由も説明しなさい。

㉗

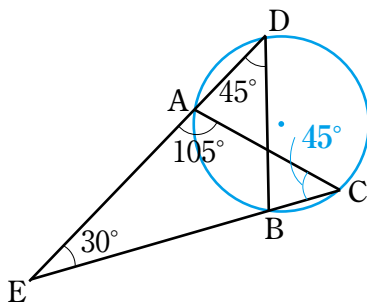


- ㉗ 弧 BC に対する円周角が等しいから。
- ㉙ 弧 AB に対する円周角が等しいから。

㉘

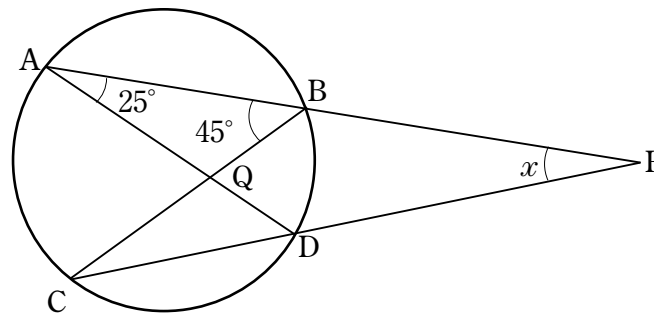


㉙



中学数学 3 6章 円 2節 円周角の定理の活用 ① 円周角の定理の活用 (教)p.185 ~ 188	年 組 番
	名前

1. 下の図のように、円に2つの弦 AB, CD をひき、それぞれ延長した直線の交点を P とします。A と D, C と B をそれぞれ直線で結び、その交点を Q とします。∠ABC = 45°, ∠BAD = 25° のとき、∠x の大きさを求めなさい。



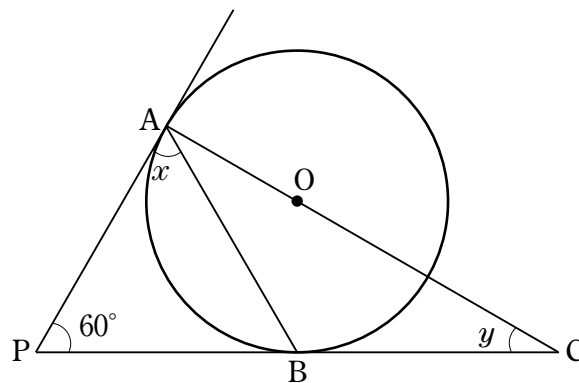
弧 BD に対する円周角は等しいから、 $\angle BCD = \angle BAD = 25^\circ$

$\triangle BCP$ で、 $\angle BCD + \angle x = 45^\circ$

$$25^\circ + \angle x = 45^\circ$$

$$\angle x = 20^\circ$$

2. 下の図で、直線 PA, PB はそれぞれ点 A, B を接点とする円 O の接線です。このとき、∠x, ∠y の大きさをそれぞれ求めなさい。



$PA = PB$, $\angle APB = 60^\circ$ より、 $\angle x = 60^\circ$

円の接線は、接点を通る半径に垂直だから、 $\angle PAC = 90^\circ$

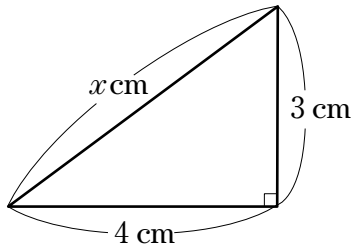
$$\angle y = 180^\circ - (90^\circ + 60^\circ) = 30^\circ$$

中学数学 3 7章 三平方の定理 1節 三平方の定理 ① 三平方の定理	年 組 番
	名前

教 p.198 ~ 200

1. 下の図で、 x の値を求めなさい。

(1)



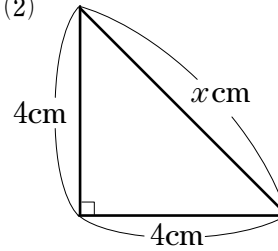
$$4^2 + 3^2 = x^2$$

$$x^2 = 25$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = 5$$

答 $x = 5$

(2)



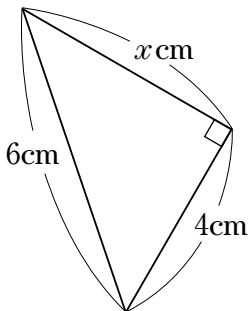
$$4^2 + 4^2 = x^2$$

$$x^2 = 32$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = 4\sqrt{2}$$

答 $x = 4\sqrt{2}$

(3)



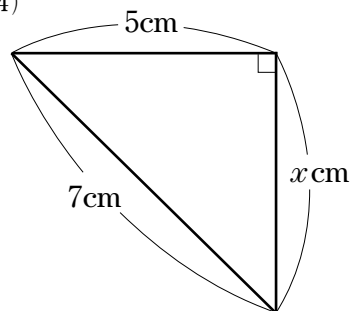
$$4^2 + x^2 = 6^2$$

$$x^2 = 20$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = 2\sqrt{5}$$

答 $x = 2\sqrt{5}$

(4)



$$5^2 + x^2 = 7^2$$

$$x^2 = 24$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = 2\sqrt{6}$$

答 $x = 2\sqrt{6}$

中学数学 3 7章 三平方の定理 1節 三平方の定理 ② 三平方の定理の逆 (教)p.201 ~ 202	年 組 番
	名前

1. 次の長さを3辺とする三角形は、直角三角形といえるかどうか調べなさい。

(1) 5cm, 7cm, 11cm

$a=5, b=7, c=11$ とすると,

$$a^2 + b^2 = 74$$

$$c^2 = 121$$

したがって、 $a^2 + b^2 = c^2$ が成り立たない。

答 直角三角形といえない。

(2) 6cm, $3\sqrt{2}$ cm, $4\sqrt{3}$ cm

$a=6, b=3\sqrt{2}, c=4\sqrt{3}$ とすると,

$$a^2 + b^2 = 54$$

$$c^2 = 48$$

したがって、 $a^2 + b^2 = c^2$ が成り立たない。

答 直角三角形といえない。

(3) $\sqrt{3}$ cm, $\sqrt{7}$ cm, $\sqrt{10}$ cm

$a=\sqrt{3}, b=\sqrt{7}, c=\sqrt{10}$ とすると,

$$a^2 + b^2 = 10$$

$$c^2 = 10$$

したがって、 $a^2 + b^2 = c^2$ が成り立つ。

答 直角三角形といえる。

(4) $\sqrt{10}$ cm, $4\sqrt{5}$ cm, $3\sqrt{10}$ cm

$a=\sqrt{10}, b=4\sqrt{5}, c=3\sqrt{10}$ とすると,

$$a^2 + b^2 = 90$$

$$c^2 = 90$$

したがって、 $a^2 + b^2 = c^2$ が成り立つ。

答 直角三角形といえる。

中学数学 3 7章 三平方の定理 2節 三平方の定理の活用 ① 平面図形への活用 (その1) (教) p.204 ~ 206	年 組 番
	名前

1. 1辺が6cmの正方形の対角線の長さを求めなさい。

対角線の長さを x cm とすると、

$$x^2 = 6^2 + 6^2$$

$$= 72$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = 6\sqrt{2}$$

答 $6\sqrt{2}$ cm

2. 縦が3cm, 横が6cmの長方形の対角線の長さを求めなさい。

対角線の長さを x cm とすると、

$$x^2 = 3^2 + 6^2$$

$$= 45$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = 3\sqrt{5}$$

答 $3\sqrt{5}$ cm

3. 1辺が10cmの正三角形の高さを求めなさい。

右の図で、頂点Aから辺BCに垂線AHをひくと、Hは辺BCの中点になるから、

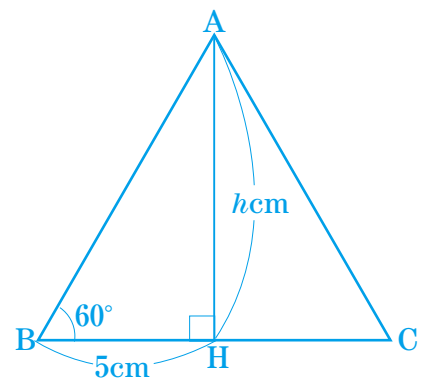
$$BH = 5 \text{ cm}$$

AH = h cm とすると、

$$h : 5 = \sqrt{3} : 1$$

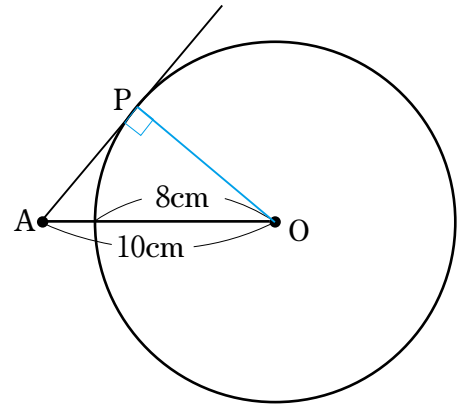
$$h = 5\sqrt{3}$$

答 $5\sqrt{3}$ cm



中学数学 3 7章 三平方の定理 2節 三平方の定理の活用 ① 平面図形への活用 (その2) (教)p.206 ~ 208	年 組 番
	名前

1. 右の図で、直線 AP は点 P を接点とする円 O の接線です。
 円 O の半径を 8cm, 線分 OA の長さを 10cm とするとき、
 接線 AP の長さを求めなさい。



$\triangle OPA$ は $\angle OPA = 90^\circ$ の直角三角形で、
 $OP = 8\text{cm}$ である。
 $AP = x\text{cm}$ とすると、三平方の定理から、
 $x^2 + 8^2 = 10^2$
 $x^2 = 36$
 $x > 0$ だから、 $x = 6$

答 6cm

2. 2点 A(5, 2), B(3, -2) の間の距離を求めなさい。

$\angle ACB = 90^\circ$ となる直角三角形 ABC をつくと、
 $C(5, -2)$
 $BC = 5 - 3 = 2$
 $AC = 2 - (-2) = 4$
 したがって、三平方の定理から、
 $AB^2 = 2^2 + 4^2$
 $= 20$
 $AB > 0$ だから、 $AB = 2\sqrt{5}$

答 $2\sqrt{5}$

中学数学 3 7章 三平方の定理 2節 三平方の定理の活用 ② 空間図形への活用 ⑧ p.209 ~ 213	年 組 番
	名前

1. 次の線分の長さを求めなさい。

- (1) 縦, 横, 高さがそれぞれ 3cm, 4cm, 7cm の直方体の対角線の長さ

直方体の対角線の長さを x cm とすると,

三平方の定理から,

$$x^2 = 3^2 + 4^2 + 7^2$$

$$= 74$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = \sqrt{74}$$

答 $\sqrt{74}$ cm

- (2) 1 辺が 4cm の立方体の対角線の長さ

立方体の対角線の長さを x cm とすると,

三平方の定理から,

$$x^2 = 4^2 + 4^2 + 4^2 = 48$$

$$x > 0 \text{ だから, } x = 4\sqrt{3}$$

答 $4\sqrt{3}$ cm

中学数学 3 8章 標本調査 1節 標本調査 ① 母集団と標本 ◎教 p.224 ~ 227	年 組 番
	名前

1. 次の にあてはまる言葉を入れなさい。

(1) ある集団全体の性質を正確に知るために、その集団のすべてについて調べることを

全数 調査という。

(2) 調査の対象となる集団の一部分を調べ、その結果から集団全体の性質を推測する調査を

標本 調査という。この調査で、調査の対象となっているもとの集団を **母集団** といひ、調査するために取り出したその集団の一部分を **標本** という。

2. ある都市の有権者 348322 人の中から、無作為^{むきくゐ}に 1000 人を選び出して世論調査を行いました。このとき、次の問いに答えなさい。

(1) 母集団は何ですか。

都市の有権者 348322 人

(2) 標本は何ですか。

選び出した 1000 人

中学数学 3 8章 標本調査 1節 標本調査 ② 母集団の数量の推測 (教)p.228 ~ 229	年 組 番
	名前

1. ある日、ある養鶏場ようけいじょうで560個の卵がとれました。この560個の卵から40個の卵を無作為に取り出し、その重さを調べたところ、50g未満の卵が11個ありました。

この日、養鶏場では50g未満の卵がおよそ何個とれたと推測できますか。

四捨五入して、十の位までの概数がिसうで答えなさい。

$$560 \times \frac{11}{40} = 154$$

答 およそ150個

2. ある池のコイの数を調べるために、池のいろいろな場所でコイを30匹捕まえ、そのすべてに印をつけて、もとの池にかえしました。10日後、再びコイを40匹捕まえたところ、印のついたコイが5匹ふくまれていました。

この池にはおよそ何匹のコイがいると考えられますか。上から2桁の概数で求めなさい。

池にいるコイの数をおよそ x 匹とすると、

$$x : 30 = 40 : 5$$

これを解くと、 $5x = 1200$

$$x = 240$$

答 およそ240匹