

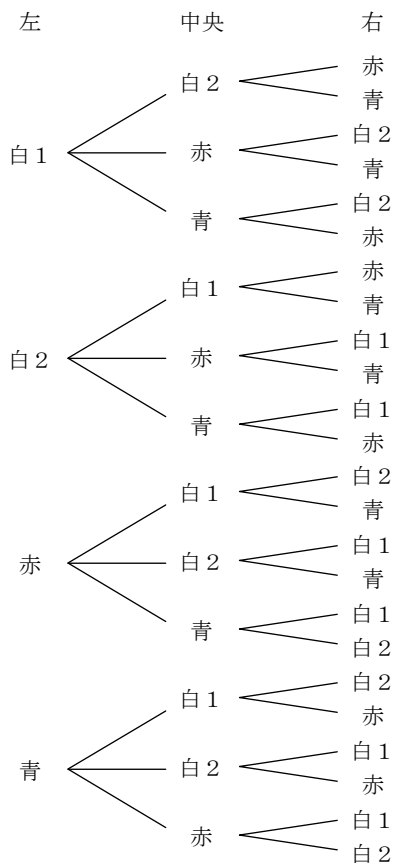
章の問題

投げた回数	表が出た回数	表が出る相対度数
100	49	0.490
200	101	0.505
400	153	0.383
800	350	0.438
1200	502	0.418
1600	672	0.420
2000	839	0.420

(2) 投げた回数が多くなるにつれて、表が出る相対度数は一定の値 0.42 に近づいていく。したがって、表が出る確率はおおよそ 0.42 と考えられる。

答 およそ 0.42

2(1) 白玉を白1, 白2, 赤玉を赤, 青玉を青として、起こりうるすべての場合を樹形図で整理すると、次のようになる。



起こりうるすべての場合は 24 通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしい。

このうち、左から赤玉, 白玉, 青玉の順に並ぶのは、(赤, 白1, 青), (赤, 白2, 青)

の 2 通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{2}{24} = \frac{1}{12} \quad \text{答} \quad \frac{1}{12}$$

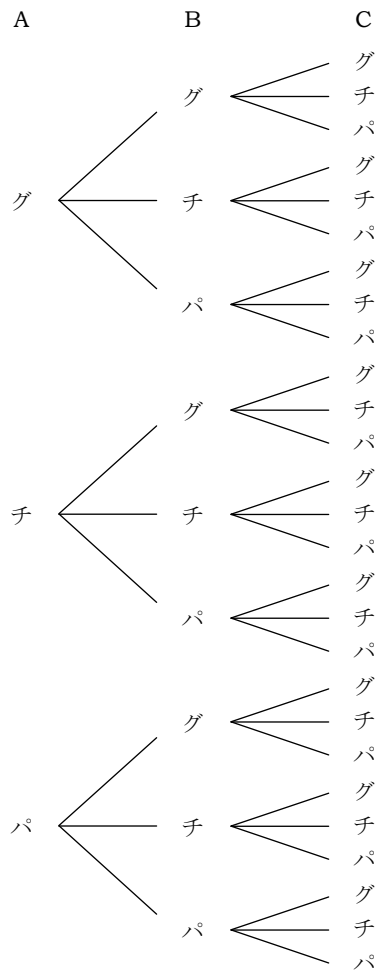
(2) 赤玉と青玉が隣り合って並ぶのは、(白1, 赤, 青), (白1, 青, 赤), (白2, 赤, 青), (白2, 青, 赤),

(赤, 青, 白1), (赤, 青, 白2), (青, 赤, 白1), (青, 赤, 白2) の 8 通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{8}{24} = \frac{1}{3} \quad \text{答} \quad \frac{1}{3}$$

3(1) グーをグ, チョキをチ, パーをパとして、起こりうるすべての場合を樹形図で整理すると、次のようになる。



起こりうるすべての場合は 27 通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしい。

このうち、A が 1 人だけ勝つのは、

(グ, チ, チ), (チ, パ, パ), (パ, グ, グ)

の 3 通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{3}{27} = \frac{1}{9} \quad \text{答} \quad \frac{1}{9}$$

(2) A が 1 人だけ負けるのは、

(グ, パ, パ), (チ, グ, グ), (パ, チ, チ)

の 3 通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{3}{27} = \frac{1}{9} \quad \text{答} \quad \frac{1}{9}$$

(3) 3 人があいこになるのは、

(グ, グ, グ), (グ, チ, パ), (グ, パ, チ),

(チ, グ, パ), (チ, チ, チ), (チ, パ, グ),  
(パ, グ, チ), (パ, チ, グ), (パ, パ, パ)

の9通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{9}{27} = \frac{1}{3} \quad \text{答 } \frac{1}{3}$$

4(1) すべての場合を樹形図で整理すると、右下のようになる。

起こりうるすべての場合は10通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしい。

このうち、AチームとBチームが選ばれるのは、

[A, B]

の1通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{1}{10} \quad \text{答 } \frac{1}{10}$$

(2) Aチームが選ばれないのは、

[B, C], [B, D], [B, E],

[C, D], [C, E], [D, E]

の6通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{6}{10} = \frac{3}{5} \quad \text{答 } \frac{3}{5}$$

解説

(1) 「AチームとBチームが選ばれること」と「BチームとAチームが選ばれること」は同じである。

(2) 次のように求めることもできる。

Aチームが選ばれる確率は、

$$\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

だから、Aチームが選ばれない確率は、

$$1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

5 2個のさいころをそれぞれA, Bと区別し、白の面を白、赤の面を赤1, 赤2, 青の面を青1, 青2, 青3として、起こりうるすべての場合を表で整理すると、次のようになる。

A \ B	白	赤1	赤2	青1	青2	青3
白	(白, 白)	(白, 赤1)	(白, 赤2)	(白, 青1)	(白, 青2)	(白, 青3)
赤1	(赤1, 白)	(赤1, 赤1)	(赤1, 赤2)	(赤1, 青1)	(赤1, 青2)	(赤1, 青3)
赤2	(赤2, 白)	(赤2, 赤1)	(赤2, 赤2)	(赤2, 青1)	(赤2, 青2)	(赤2, 青3)
青1	(青1, 白)	(青1, 赤1)	(青1, 赤2)	(青1, 青1)	(青1, 青2)	(青1, 青3)
青2	(青2, 白)	(青2, 赤1)	(青2, 赤2)	(青2, 青1)	(青2, 青2)	(青2, 青3)
青3	(青3, 白)	(青3, 赤1)	(青3, 赤2)	(青3, 青1)	(青3, 青2)	(青3, 青3)

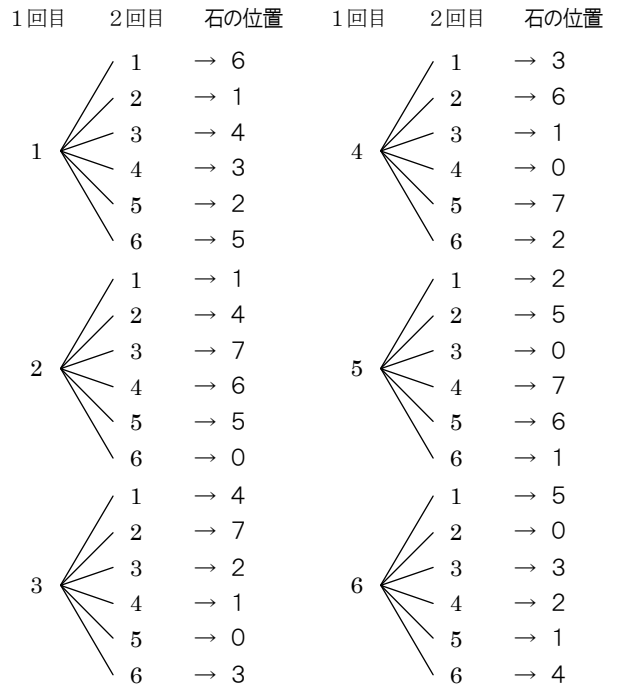
起こりうるすべての場合は36通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしい。

このうち、㊶の場合は1通り、㊷の場合は4通り、㊸の場合は9通り、㊹の場合は4通り、㊺の場合は6通り、㊻の場合は12通りである。

したがって、最も起こりやすいのは㊻の場合である。

答 ㊻

6 起こりうるすべての場合を樹形図で整理すると、次のようになる。



起こりうるすべての場合は36通りあり、そのどれが起こることも同様に確からしい。

このうち、石の位置が4になるのは、

(1, 3), (2, 2), (3, 1), (6, 6)

の4通りである。

したがって、求める確率は、

$$\frac{4}{36} = \frac{1}{9} \quad \text{答 } \frac{1}{9}$$

7 正しくない。

[理由] (例) 2個のさいころの目の数の和が2, 3, 4, …, 12になるそれぞれのことがらは、同様に確からしくないから。

解説

たとえば、2個のさいころの目の数の和が2になる場合と3になる場合では、起こりやすさが異なる。じゅんさんの考えでは、それらの起こりやすさが同じ、つまり、同様に確からしいとみなしているところに誤りがある。

なお、2個のさいころの目の数の和が偶数になる確率は、次のように求めることができる。

2個のさいころをそれぞれA, Bと区別し、起こりうるすべての場合を次のように整理する。

A \ B	1	2	3	4	5	6
1	(1, 1)	(1, 2)	(1, 3)	(1, 4)	(1, 5)	(1, 6)
2	(2, 1)	(2, 2)	(2, 3)	(2, 4)	(2, 5)	(2, 6)
3	(3, 1)	(3, 2)	(3, 3)	(3, 4)	(3, 5)	(3, 6)
4	(4, 1)	(4, 2)	(4, 3)	(4, 4)	(4, 5)	(4, 6)
5	(5, 1)	(5, 2)	(5, 3)	(5, 4)	(5, 5)	(5, 6)
6	(6, 1)	(6, 2)	(6, 3)	(6, 4)	(6, 5)	(6, 6)

このとき、起こりうるすべての場合は36通りあり、出る目の数の和が偶数になるのは18通りであるから、出る目の数の和が偶数になる確率は、

$$\frac{18}{36} = \frac{1}{2}$$

である。