

点をつないでできる形の面積②

年 組
名 前



ほうがん

方眼の交点をつないでかいた図形の面積には、「図形の辺の上の点の数」と「図形の中にある点の数」に着目すると、きまりがあるようです。

(注：方眼の交わっているところに点があると考えます。)

〈例〉

- ・ 1cm^2 の図形…図形の辺の上の点が4個。図形の中にある点は0個。
- ・ 2cm^2 の図形…図形の辺の上の点が6個のときは、図形の中にある点が0個。
…図形の辺の上の点が4個のときは、図形の中にある点が1個。
- ・ 3cm^2 の図形…図形の辺の上の点が8個のときは、図形の中にある点が0個。
…図形の辺の上の点が6個のときは、図形の中にある点が1個。
…図形の辺の上の点が4個のときは、図形の中にある点が2個。

方眼にかいた図形の面積は、

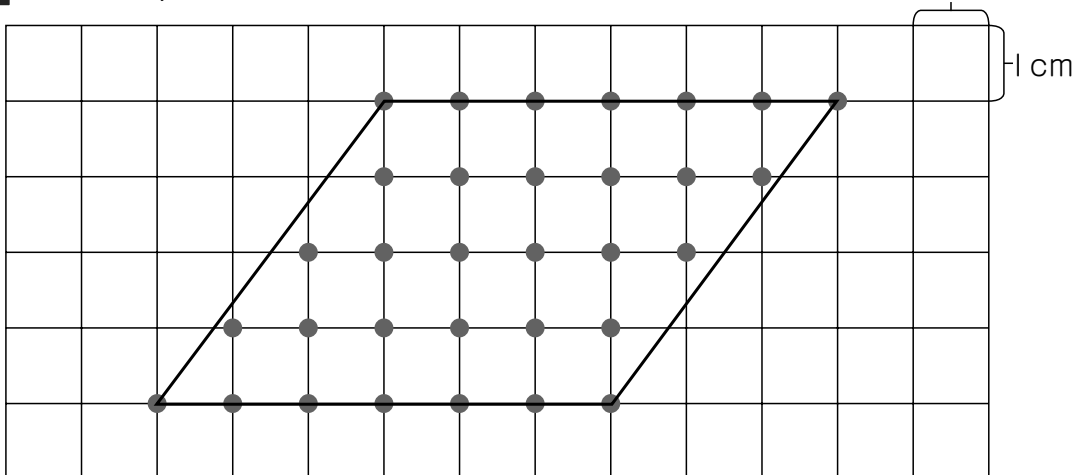
$$(\text{図形の辺の上の点の数}) \div 2 + (\text{図形の中にある点の数}) - 1$$

という式で求められます。



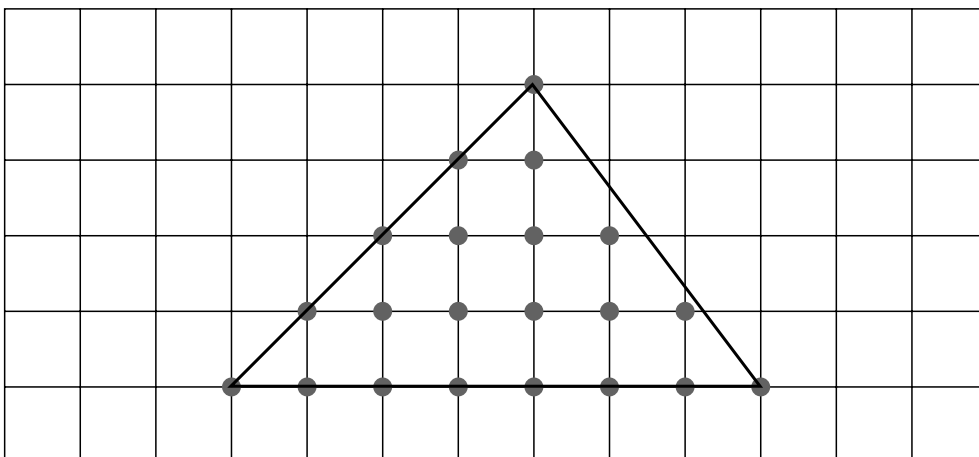
下の平行四辺形の面積を、上の式にあてはめて計算してみましょう。

そして、面積の公式で求めた面積と比べてみましょう。



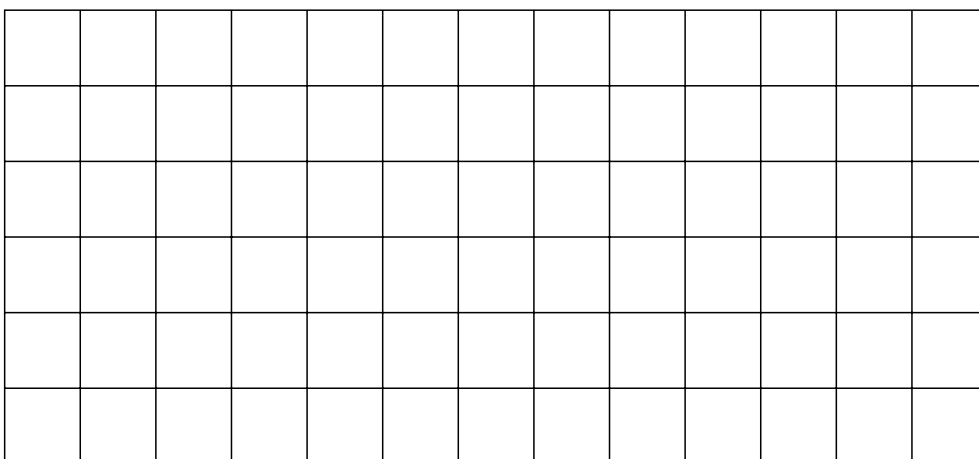
2

下の三角形の面積を、左の式にあてはめて計算してみましょう。
そして、面積の公式を使って求めた面積と比べてみましょう。



3

ほかの図形でも求められるか、下の方眼を使って確かめてみましょう。



ねらい

・方眼の交点をつないでかいた図形で、「図形の辺上の点の数」と「図形の内部の点の数」の規則性を用いて面積を求める方法（「ピックの定理」）にふれることをとおして、面積に対する興味と理解を深める。

解説・解答

本ワークシートは、ワークシート「点をつないでできる形の面積①」を扱ってから実施するとよい。

頂点が格子点上にある図形の面積 S は、「図形の辺上の格子点の数 P 」と「図形の内部の格子点の数 I 」がわかれば、次の式にあてはめて求めることができる。

$$S = \frac{1}{2}P + I - 1 \quad (\text{ピックの定理})$$

ピックの定理は、格子点を頂点にもつ図形ならば、他の多角形（凸に限らない）にも適用できる。

$$\begin{aligned} \text{① 面積 } S &= P \div 2 + I - 1 \\ &= \frac{14}{2} + 18 - 1 \\ &= 24 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{面積 } S &= (\text{底辺}) \times (\text{高さ}) \\ &= 6 \times 4 \\ &= 24 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{② 面積 } S &= P \div 2 + I - 1 \\ &= \frac{12}{2} + 9 - 1 \\ &= 14 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{面積 } S &= (\text{底辺}) \times (\text{高さ}) \div 2 \\ &= 7 \times 4 \div 2 \\ &= 14 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

$$\text{③ (省略)}$$